

Gostota verjetnosti f_X zvezne naključne spremenljivke X ima naslednje lastnosti:

$$\begin{aligned} f_X(x) &\geq 0, \\ \int_{-\infty}^{\infty} f_X(x) dx &= 1, \\ P(a \leq X \leq b) &= \int_a^b f_X(x) dx. \end{aligned} \quad (1)$$

Zbirna porazdelitvena funkcija F_X zvezne naključne spremenljivke X je:

$$F_X(x) = P(X \leq x) = \int_{-\infty}^x f_X(u) du \quad \text{za} \quad -\infty < x < \infty. \quad (2)$$

Velja tudi zveza:

$$\frac{d}{dx} F_X(x) = \frac{d}{dx} \int_{-\infty}^x f_X(u) du = f_X(x). \quad (3)$$

Za **enakomerno porazdeljeno** naključno spremenljivko X na intervalu $[a, b]$, sta gostota verjetnosti $f(x)$ in porazdelitvena funkcija $F(x)$:

$$f(x) = \frac{1}{b-a}, \quad F(x) = \int_a^x f(u) du = \frac{x-a}{b-a}, \quad \text{za} \quad a \leq x \leq b. \quad (4)$$

Za **eksponentno porazdeljeno** naključno spremenljivko X s povprečjem $1/\lambda > 0$ sta gostota verjetnosti $f(x)$ in porazdelitvena funkcija $F(x)$:

$$f(x) = \lambda e^{-\lambda x}, \quad F(x) = \int_0^x f(u) du = 1 - e^{-\lambda x}, \quad \text{za} \quad x \geq 0. \quad (5)$$

Za **normalno (Gaussovo) porazdeljeno** naključno spremenljivko X s povprečjem $m \in \mathbb{R}$ in standardno deviacijo $\sigma > 0$, sta gostota verjetnosti $f(x)$ in porazdelitvena funkcija $F(x)$:

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-m)^2}{2\sigma^2}}, \quad F(x) = \int_{-\infty}^x f(u) du = 0.5 + \Phi\left(\frac{x-m}{\sigma}\right), \quad \text{za} \quad x \in \mathbb{R}. \quad (6)$$

Tu $\Phi\left(\frac{x-m}{\sigma}\right) = \Phi(z)$ označuje Laplaceovo funkcijo:

$$\Phi(z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^z e^{-\frac{u^2}{2}} du, \quad (7)$$

katere vrednosti so za različne z tabelirane v tabeli A.1 v knjigi *Opis naključnih pojavov*. Za Laplaceovo funkcijo med drugim velja:

$$\Phi(\infty) = 0.5 \quad \text{in} \quad \Phi(-z) = -\Phi(z). \quad (8)$$

V enačbi (6) smo uvedli **standardno normalno naključno spremenljivko** Z :

$$Z = \frac{X - m}{\sigma}. \quad (9)$$

Gostoto verjetnosti normalno porazdeljene spremenljivke X običajno krajše zapišemo kot $\mathcal{N}(x; m, \sigma)$. Gostota verjetnosti ustrezne standardne spremenljivke Z je vedno $\mathcal{N}(z; 0, 1)$ in zanjo lahko izračunamo verjetnosti z uporabo tabele A.1 v knjigi *Opis naključnih pojavov*. Transformacijo (9) imenujemo *standardizacija* normalne porazdelitve.

Kadar je pri binomski verjetnostni porazdelitvi število poskusov zelo veliko, verjetnost ugodnega izida pa $p \approx 0.5$, lahko binomsko porazdelitev aproksimiramo z normalno, pri čemer sta:

$$m = np \quad \text{in} \quad \sigma = \sqrt{np(1-p)}. \quad (10)$$

Po alternativnem kriteriju je normalna porazdelitev dober približek binomske, ko velja $np > 5$ in $n(1-p) > 5$.

Normalna porazdelitev je zelo podobna Poissonovi, če je $\lambda > 5$. Za parametra normalne porazdelitve tedaj vzamemo:

$$m = \lambda \quad \text{in} \quad \sigma = \sqrt{\lambda}. \quad (11)$$

Vsota (razlika) dveh neodvisnih normalno porazdeljenih naključnih spremenljivk X_1 in X_2 z gostotama $\mathcal{N}(x_1; m_1, \sigma_1)$ in $\mathcal{N}(x_2; m_2, \sigma_2)$ je naključna spremenljivka $Y = X_1 \pm X_2$, ki je prav tako normalno porazdeljena, in sicer z gostoto verjetnosti:

$$\mathcal{N}(y; m_y, \sigma_y), \quad \text{kjer je} \quad m_y = m_1 \pm m_2 \quad \text{in} \quad \sigma_y = \sqrt{\sigma_1^2 + \sigma_2^2}. \quad (12)$$