

Verjetnostna funkcija f_X diskretne naključne spremenljivke X z zalogo vrednosti $\{x_i\}$ ima naslednje lastnosti:

$$\begin{aligned} f_X(x_i) &= P(X = x_i) = p(x_i), \\ f_X(x_i) &\geq 0, \\ \sum_{x_i \in S_X} f_X(x_i) &= 1. \end{aligned} \tag{1}$$

Velja tudi:

$$P(a \leq X \leq b) = \sum_{x_i \in [a, b]} f_X(x_i). \tag{2}$$

Zbirna porazdelitvena funkcija F_X diskretne naključne spremenljivke X je:

$$F_X(x_i) = P(X \leq x_i) = \sum_{x_j \leq x_i} f_X(x_j). \tag{3}$$

Empirična povprečna vrednost diskretne naključne spremenljivke X , določena z N ponovitvami naključnega poskusa:

$$\langle X \rangle = \sum_k x_k \frac{N_k}{N}. \tag{4}$$

Statistično povprečje diskretne naključne spremenljivke X :

$$E[X] = \sum_k x_k f_X(x_k). \tag{5}$$

Varianca diskretne naključne spremenljivke X :

$$\sigma^2 = \text{Var}[X] = E[(X - E[X])^2] = \sum_k (x_k - E[X])^2 f_X(x_k) = E[X^2] - E[X]^2. \tag{6}$$

Bernoullijev poskus ima le dva možna izida (npr. ugoden in neugoden). Če je n ponovljenih poskusov med seboj neodvisnih in če je verjetnost p za ugoden izid konstantna, je število ugodnih izidov X binomska naključna spremenljivka katere verjetnostno funkcijo f_X imenujemo binomska porazdelitev:

$$f_X(x) = P(X = x) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}, \quad x = 0, 1, \dots, n. \tag{7}$$

Binomski simbol je definiran z enačbo:

$$\binom{n}{x} = \frac{n!}{x!(n-x)!}. \tag{8}$$

Kadar je število poskusov n veliko in verjetnost p ugodnega izida zelo majhna, tako da velja $np \sim 1$, lahko verjetnostno funkcijo binomske porazdelitve aproksimiramo z verjetnostno funkcijo Poissonove porazdelitve, pri čemer zapišemo $\lambda = np$:

$$f_X(x) = P(X = x) = e^{-\lambda} \frac{\lambda^x}{x!}, \quad x = 0, 1, \dots \tag{9}$$

Parameter λ je enak statističnemu povprečju naključne spremenljivke X . Lahko ga interpretiramo kot produkt povprečne frekvence ugodnih izidov ν in trajanja poskusa (čas t , dolžina l itd.):

$$\lambda = \nu \cdot t \quad \text{ali} \quad \lambda = \nu \cdot l \quad \text{itd.} \tag{10}$$